УДК 621.397

В.Ф. Одинок**АВТОМАТИЗИРОВАННЫЙ ПОИСК ДОПОЛНЕНИЙ
ТОПОЛОГИЧЕСКИХ ПУТЕЙ В LCR-СХЕМАХ**

Рассмотрены методика и программа поиска дополнений путей связи между двумя узлами линейных LCR-схем на основе их топологии.

Ключевые слова: передаточная функция, линейные цепи, топологическое моделирование.

Введение. В работах [1-3] рассмотрены методика [1] и три программных этапа [2, 3] автоматизированного расчета передаточной функции (PerFun) сигналов от идеального источника (Ist) к ненагружающему приемнику (Pri) в линейных LCR-схемах на основе их топологии [4].

Исходное выражение для PerFun (1) [2], подлежащее автоматизированному расчету, представлено дробью с числителем ChiPerFun и знаменателем ZnPerFun. ChiPerFun определяется путями (Pu) передачи сигналов от источника к приемнику [активные или сигнальные пути Pu (SiPu)], а ZnPerFun – путями, не связанными с источником и приемником [пассивные или структурные (St) пути Pu (StPu)].

Используемые в ChiPerFun сигнальные пути SiPu подразделяются на положительные (Po) и отрицательные (Ot) пути Pu (PoPu и OtPu). Эти пути начинаются в меньшем по номеру узле Uz1 источника [Ist.Uz1 – начальный (Na) узел Uz (NaUz) путей SiPu], проходят через приемник и заканчиваются в большем по номеру узле Uz2 источника [Ist.Uz2 – конечный (Ko) узел Uz (KoUz) путей SiPu]. Таким образом, PoPu и OtPu по отношению к источнику являются внешними путями.

Относительно приемника пути PoPu и OtPu являются как внешними, так и внутренними: PoPu направлены от узла Uz1 приемника Pri (Pri.Uz1) к его узлу Uz2 (Pri.Uz2), а пути OtPu – от Pri.Uz2 к Pri.Uz1. Условно узлы Uz1 источника и приемника можно отнести к положительным, а Uz2 – к отрицательным узлам.

Поиск путей PoPu и OtPu занимает все три упомянутые выше этапа [2, 3]. На первом этапе [2] определяются начальные элементы путей SiPu, присоединенные к узлу NaUz. На втором этапе [3] пути SiPu, не достигшие узла KoUz [незавершенные (Nz) пути Pu (NzPu)] удлиняются – за счет подключения к NzPu других проводимостей схемы – до узла KoUz [завершенные (Za) пути Pu (ZaPu)]. На третьем этапе [3] производится отбор PoPu и OtPu из всех найденных путей ZaPu.

Используемые в ZnPerFun структурные пути StPu рассматриваются между любыми произвольно выбранными узлами NaUz и KoUz схем, образованных при замкнутом источнике и изъятом приемнике. Так как при этом полярность (направление) путей StPu не имеет физического смысла, для их поиска достаточно двух первых этапов [2, 3].

Операции, осуществляющие поиск любых путей Pu, назовем Pu-этапом расчета PerFun, а исследуемые при этом LCR-соединения – Pu-схемами; Pu-схемы, содержащие источник, являются активными, а Pu-схемы, не содержащие его, – пассивными. Pu-этапы разбиваются на Pu-шаги, каждый из которых соответствует поиску одного пути Pu; последовательность Pu-шагов образует Pu-цикл.

Для нахождения ChiPerFun и ZnPerFun кроме самих путей Pu требуется также знание их дополнений Do, определяемых на последующем (четвертом) Do-этапе расчета PerFun при замыкании в Pu-схемах соответствующих путей Pu с образованием производных LCR-конструкций (Do-схем). Как и Pu-, Do-этапы разбиваются на Do-шаги, образующие Do-циклы.

В известных [1-7] (и им подобных) опубликованных материалах инженерная реализация автоматизированного расчета указанных дополнений не представлена.

Целью данной работы является методическая и программная проработка процедуры автоматизированного поиска дополнений Do путей Pu в LCR-схемах на основе их топологии.

Методическая часть. Визуальное (эвристическое) определение дополнений Do любых путей Pu для простых схем тривиально. Для примера рассмотрим активную топологическую Pu-схему по рисунку 1 [2], где рядом с узлами и внутри элементов (кроме источника Ist) даны их номера (при топологических расчетах функции PerFun приемник представляет собой виртуальную проводимость с единичным весом [4]); u, y – напряжения сигналов.

Рисунок 1 – Схема с идеальным источником и виртуальной проводимостью-приемником

Из рисунка 1 видно, что, например, путь Pu (по проводимостям) 2-1-3 от положительного (меньшего) начального узла $NaUz=Ist.Uz1=1$ источника до его отрицательного (большого) конечного узла $KoUz=Ist.Uz2=3$ через приемник в направлении от его меньшего (положительного) узла $Pri.Uz1=2$ к большему (отрицательному) узлу $Pri.Uz2=4$, является завершенным положительным активным (сигнальным) путем $PoPu$ [2] (пример соответствует одному Pu -шагу Pu -этапа анализа активной Pu -схемы).

Для расчета дополнения Do пути $PoPu$ ($DoPoPu$) этот путь (элементы 2-1-3) на активной Pu -схеме надо замкнуть (начало Do -шага Do -этапа). Получим производную Do -схему, содержащую замкнутые путем $PoPu$ проводимости 1, 2, 3, 4, 5, 6 [исходная (I) Do -(IDo -)схема]. После отбрасывания замкнутых в IDo -схеме элементов (узлы как указатели соединений пока сохраним) образуется упрощенная (U) Do -(UDo -)схема, в данном случае не содержащая никаких проводимостей (пустая схема). При таком исходе искомая величина $DoPoPu$ пути 2-1-3 по определению [4] равна 1.

Аналогично можно описать Pu - и Do -шаги для сигнального пути 5-1-6 ($OtPu$) рисунка 1.

В ряде случаев при анализе схем удобно сначала найти все требуемые пути Pu (выполнить Pu -цикл), затем их дополнения Do (Do -цикл). Любую связанную последовательность Pu - и Do -шагов назовем комбинированным Pu - Do -этапом (циклом).

Достаточно сложная (активная или пассивная) Pu -схема при замыкании на ней некоторого пути Pu может породить непустую UDo -схему, которую имеет смысл назвать производной вложенной (внутренней) Pu -схемой, поскольку она предполагает поиск очередных путей Pu , имеющих в ней [4]. Эта LCR-схема содержит узлы, соединенные между собой путем Pu (производная исходная Pu -(IPu -)схема). После объединения в IPu -схеме соединенных узлов получим упрощенную Pu -(UPu -)схему. Выберем в ней произвольные узлы $NaUz$ и $KoUz$ и найдем все пути $Pu1, Pu2, \dots$ (Pu -шаги вложенного Pu -этапа) между ними, после чего проведем поиск дополнений $DoPu1$ (для пути $Pu1$), $DoPu2$ (для $Pu2$),... (Do -шаги вложенного Do -этапа). Замыкание любого

из путей $Pu1, Pu2, \dots$ в последней UPu -схеме может дать очередную непустую UDo -схему и соответственно новую UPu -схему с её собственными путями и их дополнениями для выбранной в этой UPu -схеме пары узлов $NaUz, KoUz$ и т.д. Таким образом, каждая производная непустая UDo -схема прерывает текущий Do -шаг вложенным (V) итерационным (И) Pu - Do -циклом (Ц) – ВИЦ. Последний (в серии) ВИЦ неизбежно (вследствие упрощения производных Pu - и Do -схем) заканчивается нахождением аксиоматических дополнений $Do=1$ [4] для соответствующих им путей Pu конечной (в последовательности ВИЦ) UPu -схеме. Найденные дополнения Do используются для завершения анализа прерванных предыдущих Do -шагов в обратном порядке – от завершающих простейших производных итерационных схем к предыдущим (более сложным) схемам.

Для многоконтурных и многозвенных LCR-схем эвристический анализ становится трудоемким и длительным процессом, требующим регистрации всех выполняемых операций. Программирование же эвристических методов – тоже не простой и далеко не очевидный процесс. Поэтому перед автоматизацией поиска дополнений Do путей Pu отметим некоторые важные методические аспекты.

Во-первых, любые Do -схемы не содержат источника сигналов. Поэтому они и соответственно вложенные Pu - Do -циклы связаны только со структурными (пассивными) путями.

Во-вторых, если любой текущий Do -шаг приводит к непустой (содержащей проводимости) производной Do -схеме, она становится вложенной Pu -схемой, порождающей свой Pu - Do -цикл, т.е. ВИЦ.

В-третьих, на любом Do -шаге обнаружение ВИЦ должно сопровождаться сохранением результатов всех уже сделанных операций для их завершения при возврате из ВИЦ.

В-четвертых, самым простым способом запоминания результатов прерванного (при обнаружении ВИЦ) Do -шага является сохранение предварительно назначаемого ему автономного программного рабочего (R) модуля (Mo) с индивидуальным итерационным номером N (вариант $N=1$, формально не соответствующий внутренней итерации, назовем внешней итерацией) при одновременном формировании для прерывающего ВИЦ нового автономного рабочего (R-) модуля с номером $N+1$. Тогда завершение прерванного Do -шага может быть осуществлено при возврате к его N-у R-модулю после окончания ($N+1$ -го) вложенного итерационного R-модуля ВИЦ.

В-пятых, учитывая назначение R-модулей –

поиск (Poisk) N-го (в итерационной последовательности) дополнения Do пути Pu – с целью унификации их программного кода, целесообразно создание одного трафарета-оригинала (PoiskNDoPu), копируемого для создания любых R-модулей с конкретным значением N.

В-шестых, после выполнения любого автономного рабочего модуля (если в нем не обнаружен ВИЦ) он может быть ликвидирован без потери основного трафарета PoiskNDoPu. Это позволит экономить программную память, не накапливая ненужные, уже отработанные R-модули.

В-седьмых, формирование (Fo) и уничтожение (Un) любых рабочих модулей Mo итерационного поиска дополнений Do путей Pu логично поручить самостоятельной процедуре (FoUnMoDoPu), отделив её функции от операций в самих R-модулях.

Следует подчеркнуть, что пути Pu и их дополнения Do на любом итерационном шаге относятся только к текущим (итерационным) LCR-схемам; получаемые на любом итерационном шаге дополнения используются в расчетах прерванных предыдущих итераций.

Процедура FoUnMoDoPu. С учетом приведенных методических нотаций рассмотрим комментируемый вариант функции FoUnMoDoPu (ниже жирным шрифтом выделены *исполняемые* в редакторе Editor [5] программные коды; многочисленные в них является *оператором* продолжения выражения на очередной программной строке; комментарии выполнены обычным шрифтом в виде текста и/или краткого пояснения в круглых скобках и *не могут* быть помещены в редактор Editor без символов %).

Программное определение функции FoUnMoDoPu в одноименном файле имеет следующий вид:

```
function Do=FoUnMoDoPu(nIt,Pu,MaUzPu,...  
MaProSx,NaUz)
```

Здесь: nIt – итерационный (It) номер (n) создаваемого N-го R-модуля; Pu – путь на текущей итерационной LCR-схеме, для которого находится дополнение Do; MaUzPu – массив (Ma) узлов Uz пути Pu; MaProSx – массив проводимостей (Pro) текущей итерационной схемы (Sx).

Для формирования любого автономного рабочего R-модуля назначаем вспомогательную символьную переменную A –
A='PoiskNDoPu';

Преобразуем (функция num2str) номер nIt в символы и *поставим* (strrep) их на место N в A для конкретизации номера R-модуля –
A = strrep(A,'N',num2str(nIt));

Копируем (copyfile) трафаретный файл PoiskNDoPu.m (m – тип файла) как итерацион-

ный рабочий R-модуль A.m с номером N=nIt –
copyfile('PoiskNDoPu.m',[A,'.m']); (здесь [] – оператор объединения или конкатенации)

Преобразуем (str2func) A в handle-функцию (указатель на A) и передаем её переменной d с целью дальнейшего использования:

```
d=str2func(A);
```

Вызываем полученную handle-функцию d с необходимыми для её работы фактическими аргументами и передаем результаты её выполнения переменной Do –

```
Do=d(nIt,Pu,MaUzPu,MaProSx,NaUz);
```

Уничтожаем (delete) отработанный без образования ВИЦ модуль PoiskNDoPu с N=nIt –
delete([A,'.m']);

```
end (конец процедуры FoUnMoDoPu)
```

После выполнения процедуры FoUnMoDoPu происходит автоматический переход в точку её вызова для дальнейшего использования найденного значения Do (выходного аргумента функции FoUnMoDoPu).

Процедура PoiskNDoPu. Программное определение трафаретной функции PoiskNDoPu в одноименном файле представляется как

```
function Do=PoiskNDoPu(nIt,Pu,...  
MaUzPu,MaProSx,NaUz)
```

При вызове PoiskNDoPu (из строки Do=d(nIt,Pu,MaUzPu,MaProSx,NaUz) функции FoUnMoDoPu) будут известны все фактические входные аргументы nIt, Pu, MaUzPu, MaProSx, NaUz. Для реализации созданного автономного R-модуля PoiskNDoPu с номером N=nIt (модуль Poisk(nIt)DoPu) дополнительно задаем начальное значение его выходного аргумента Do –

```
Do=0;
```

Для упрощения производной исходной (IDo-) схемы, получаемой после замыкания пути Pu, сформируем вспомогательный массив MaNoKzElMaProSx номеров (No) короткозамкнутых (Kz) путей Pu элементов (El) массива MaProSx с исходным пустым наполнением –
MaNoKzElMaProSx=[];

Для нахождения номеров nElMaProSx (короткозамкнутых) элементов массива MaProSx у всех их в диапазоне от 1 до numel(MaProSx) (число элементов в MaProSx) –

```
for nElMaProSx=1:numel(MaProSx)
```

проверяем принадлежность узлов соответствующих проводимостей массиву MaUzPu. Если узлы Uz1 и (оператор &&) Uz2 элемента с номером nElMaProSx *принадлежат* (оператор ==) *каким-либо* (оператор any) узлам в MaUzPu –

```
if any(MaProSx(nElMaProSx).Uz1==...  
MaUzPu)&&...
```

```
any(MaProSx(nElMaProSx).Uz2==...  
MaUzPu)
```

эта проводимость будет закорочена путем Pu, и, следовательно, искомый массив **MaNoKzElMaProSx** пополнится новым **nElMaProSx**-м элементом массива **MaProSx** – **MaNoKzElMaProSx=[MaNoKzElMaProSx,... nElMaProSx];**

end (конец оператора
if any(MaProSx(nElMaProSx).Uz1==...
MaUzPu)&&...
any(MaProSx(nElMaProSx).Uz2==...
MaUzPu))

end (конец оператора
for nElMaProSx=1:numel(MaProSx))

С целью корректного исключения короткозамкнутых проводимостей из производной IDo-схемы *сортируем* (sort) массив **MaNoKzElMaProSx** по убыванию (descend) его содержимого (номеров **nElMaProSx** элементов массива **MaProSx**):

**MaNoKzElMaProSx=...
sort(MaNoKzElMaProSx,'descend');**

Из каждого **nElMaNoKzElMaProSx**-го элемента массива **MaNoKzElMaProSx** (в каждом **nElMaNoKzElMaProSx**-м элементе массива **MaNoKzElMaProSx** хранится номер **nElMaProSx** короткозамкнутой проводимости массива **MaProSx**) –

**for nElMaNoKzElMaProSx=...
1:numel(MaNoKzElMaProSx)**

выделяем его содержимое (упомянутый номер **nElMaProSx**, обозначенный ниже с целью привязки к массиву **MaNoKzElMaProSx** как **NoKzElMaProSx**) –

**NoKzElMaProSx=...
MaNoKzElMaProSx(nElMaNoKzElMaProSx);**

Последнее позволяет удалить замкнутую проводимость **MaProSx(NoKzElMaProSx)** из IDo-схемы –

MaProSx(NoKzElMaProSx)=[]; (при этом, так как номера **NoKzElMaProSx** в **MaNoKzElMaProSx** сортированы по убыванию, начиная с **NoKzElMaProSx**, последующие элементы оставшегося итерационного массива **MaProSx** автоматически перенумеровываются без изменения порядка предыдущих элементов)
end (конец оператора
for nElMaKzElMaProSx=...
1:numel(MaKzElMaProSx))

Если после удаления закороченных путем Pu проводимостей итерационный массив **MaProSx** в полученной UDo-схеме оказывается пустым –

if numel(MaProSx)==0

искмое дополнение принимается равным 1 [4] – **Do=1;**

и работа R-модуля **Poisk(nIt)DoPu** заканчивается. Полученная величина **Do=1** в форме выход-

ного аргумента этого модуля возвращается в точку его вызова – правую часть строки **Do=d(nIt,Pu,MaUzPu,MaProSx,NaUz)** программы **FoUnMoDoPu**, выполненный автономный R-модуль **Poisk(nIt)DoPu** уничтожается оператором **delete([A,'.m'])**, а левая переменная **Do** указанной строки передается как аргумент функции **FoUnMoDoPu** в точку её вызова.

Иначе (если не все элементы массива **MaProSx** закорочены) –

else
обнаружен ВИЦ, и данная UDo-схема становится производной IPu-схемой.

Вначале упростим производную IPu-схему – объединим и перенумеруем соединенные путем Pu узлы схемы. Для этого к каждому **nElMaProSx**-у элементу итерационного массива **MaProSx** –

for nElMaProSx=1:numel(MaProSx)

применяем следующее правило: если узел **Uz1** этого элемента принадлежит какому-либо узлу массива **MaUzPu** –

if any(MaProSx(nElMaProSx).Uz1==MaUzPu)
данный узел **Uz1** нужно перенумеровать в **NaUz**, поскольку именно с этого узла начинается любой путь Pu –

MaProSx(nElMaProSx).Uz1=NaUz;

end (конец оператора

if any(MaProSx(nElMaProSx).Uz1==MaUzPu))

Аналогичные рассуждения применяются к узлу **Uz2** проводимости **MaProSx(nElMaProSx)**: если –

if any(MaProSx(nElMaProSx).Uz2==MaUzPu)

то

MaProSx(nElMaProSx).Uz2=NaUz;

end (конец оператора

if any(MaProSx(nElMaProSx).Uz2==MaUzPu))

end (конец оператора

for nElMaProSx=1:numel(MaProSx))

Теперь все соединенные путем Pu узлы IPu-схемы перенумерованы в один – **NaUz**. Получили производную упрощенную IPu-(UPu-)схему. Для её анализа назначаем в ней новые узлы **NaUz** и **KoUz**, например, как узлы **Uz1**, **Uz2** первой проводимости **MaProSx(1)** в итерационном массиве **MaProSx** –

NaUz=MaProSx(1).Uz1;

KoUz=MaProSx(1).Uz2;

В полученной производной UPU-схеме находим все пути Pu между выбранными узлами **NaUz**, **KoUz** (Pu-этап ВИЦ). Для этого вызываем процедуру **PoiskNaElPu** поиска начальных элементов путей Pu [2] –

[MaNzPu,MaVeNzPu,MaMaUzNzPu,...

MaZaPu,MaVeZaPu,MaMaUzZaPu]=...

PoiskNaElPu(MaProSx,NaUz,KoUz);

Здесь: $MaNzPu$ – массив путей Pu , не заканчивающихся узлом $KoUz$ (незавершенные пути $NzPu$); $MaVeNzPu$ – массив весов (Ve) путей $NzPu$ ($VeNzPu$) (вес пути – произведение значений проводимостей его элементов); $MaMaUzNzPu$ – общий массив всех частных массивов (субмассивов) $MaUzNzPu$ узлов путей $NzPu$; $MaZaPu$ – массив путей Pu , заканчивающихся узлом $KoUz$ (завершенные пути $ZaPu$); $MaVeZaPu$ – массив весов Ve путей $ZaPu$ ($VeZaPu$).

Если найденный с помощью $PoiskNaElPu$ массив $MaNzPu$ незавершенных путей $NzPu$ производной UPu -схемы не пустой –

if numel(MaNzPu)>0

вызываем процедуру $PoiskPrNzPu$ поиска продолжений (Pr) этих путей [3]:

**[MaNzPu, MaVeNzPu, MaMaUzNzPu, ...
MaZaPu, MaVeZaPu, MaMaUzZaPu]=...**

PoiskPrNzPu(MaNzPu, ...

MaVeNzPu, MaMaUzNzPu, MaZaPu, ...

MaVeZaPu, MaMaUzZaPu, MaProSx, KoUz);

end (конец оператора **if numel(MaNzPu)>0**)

Если процедурами $PoiskNaElPu$ и $PoiskPrNzPu$ в UPu -схеме найдены завершенные пути $ZaPu$ –

if numel(MaZaPu)>0

необходимо осуществить поиск дополнений Do этих путей ($DoZaPu$), т.е. поочередно замыкать пути $ZaPu$ и проводить анализ получаемых Do -схем (Do -этап ВИЦ).

Обнаружение ВИЦ соответствует увеличению текущего итерационного шага nIt :

nIt=nIt+1;

Так как путей $ZaPu$ в последнем массиве $MaZaPu$ может быть несколько, при поиске их дополнений каждый $nZaPu$ -й путь –

for nZaPu=1:numel(MaZaPu)

выделяем из $MaZaPu$ как временно рассматриваемый путь $Pu=ZaPu$ для расчета его дополнения $DoPu$ (т.е. $DoZaPu$) –

Pu=MaZaPu{nZaPu};

Для работы с производными Do - и Pu -схемами (после замыкания $Pu=ZaPu$) выделяем из общего массива $MaMaUzZaPu$ субмассив узлов этого пути –

MaUzPu=MaMaUzZaPu{nZaPu};

Так как дополнение любого (исходного) пути Pu всегда выражается по формату знаменателя $ZnPerFun$ функции $PerFun$ (1) [2] как сумма произведений весов новых частных путей Pu полученной производной схемы (после замыкания исходного пути Pu) на их дополнения, то применительно к $MaZaPu$ поиск Do в рассматриваемом R -модуле $Poisk(nIt)DoPu$ можно представить последовательно наращиваемым от шага к

шагу (его последнего (P) цикла for – $Pfor$ -цикла) результатом $Do=Do+Slag2$ –

Do=Do+MaVeZaPu{nZaPu}*...

FoUnMoDoPu(nIt, Pu, MaUzPu, MaProSx, NaUz);

Здесь: $*$ – программный оператор арифметического умножения; правая переменная Do символизирует сумму произведений весов $VeZaPu$ уже рассмотренных (в $Pfor$ -цикле модуля $Poisk(nIt)DoPu$) путей $Pu=ZaPu$ на их дополнения $DoZaPu$; второе слагаемое ($Slag2$) в правой части оператора $Do=Do+Slag2$ является произведением веса следующего пути $Pu=ZaPu$ на его дополнение, рассчитываемое при новом вызове функции $FoUnMoDoPu$ на очередном шаге $Pfor$ -цикла модуля $Poisk(nIt)DoPu$.

В соответствии с выражением $nIt=nIt+1$ (левое число nIt является фактическим параметром оператора вызова $FoUnMoDoPu$) при обращении к процедуре $FoUnMoDoPu$ из $Slag2$ уже на первом шаге $Pfor$ -цикла модуля $Poisk(nIt)DoPu$ программа $FoUnMoDoPu$ создает (строка `copyfile('PoiskNDoPu.m',[A,'.m'])`) в $FoUnMoDoP$) и вызывает (строка `Do=d(nIt, Pu, MaUzPu, MaProSx, NaUz)`) рабочий R -модуль как копию трафарета $PoiskNDoPu$ с номером $N=nIt+1$ (модуль $Poisk(nIt+1)DoPu$, где nIt соответствует рассматриваемой, еще не завершенной процедуре $Poisk(nIt)DoPu$), повторяя эту операцию на всех последующих шагах $Pfor$ -цикла программы $Poisk(nIt)DoPu$ (если эти шаги не прерываются новыми ВИЦ).

Если в процессе выполнения любого рабочего модуля $Poisk(nIt+1)DoPu$ окажется, что $numel(MaZaPu)=0$, работа его, как было оговорено ранее для $Poisk(nIt)DoPu$, завершается и значение $Do=1$ в форме выходного аргумента функции $Poisk(nIt+1)DoPu$ передается в точку её вызова – правую часть строки `Do=d(nIt, Pu, MaUzPu, MaProSx, NaUz)` в $FoUnMoDoPu$, отработанный модуль $Poisk(nIt+1)DoPu$ уничтожается оператором `delete([A,'.m'])`, а полученный в левой части указанной строки результат Do в виде выходного аргумента функции $FoUnMoDoPu$ передается в точку её вызова – часть $Slag2$ оператора $Do=Do+Slag2$ вызывающего модуля $Poisk(nIt)DoPu$, увеличивая его суммарный результат $Do=Do+Slag2$, после чего $Poisk(nIt)DoPu$ переходит к выполнению очередного шага своего $Pfor$ -цикла (если не обнаружен новый ВИЦ).

Если в процессе выполнения любого рабочего модуля $Poisk(nIt+1)DoPu$ окажется, что $numel(MaZaPu)>0$, это означает обнаружение нового ВИЦ, что приводит к повторению всех операций предыдущего вложенного цикла для обнаруженного ВИЦ; при этом формируются

новые вызываемые модули $Poisk(nIt+2)DoPu$, а вызывающий их модуль $Poisk(nIt+1)DoPu$ сохранится и будет ожидать завершения всех вызываемых им процедур $Poisk(nIt+2)DoPu$ и т.д.

После окончания всех шагов Pfor-цикла модуля $Poisk(nIt)DoPu$ (включая вложенные в него ВИЦ) суммарное (левое) значение $Do=Do+Slag2$ в виде выходного аргумента функции $Poisk(nIt)DoPu$ через процедуру $FoUnMoDoPu$ передается в точку её вызова, предшествующую рассмотренным операциям.

В любой ситуации ($Do=1$ или $Do=Do+Slag2$) указанной предшествующей точкой вызова программы $FoUnMoDoPu$ может быть часть $Slag2$ в операторе $Do=Do+Slag2$ Pfor-цикла предыдущего (по отношению к последнему выполненному модулю $PoiskNDoPu$) R-модуля $Poisk(N-1)DoPu$, где ранее был обнаружен ВИЦ. При этом результирующее значение Do копии $PoiskNDoPu$ с любым $N=nIt$ через $FoUnMoDoPu$ передается в $Slag2$ оператора $Do=Do+Slag2$ модуля $Poisk(N-1)DoPu$, и все следующие действия будут происходить уже в соответствии с программой $Poisk(N-1)DoPu$.

Если создание модуля $Poisk(N-1)DoPu$ ранее было вызвано обнаружением ВИЦ в предыдущем по отношению к $Poisk(N-1)DoPu$ модулю $Poisk(N-2)DoPu$, возврат к $Poisk(N-2)DoPu$ из $Poisk(N-1)DoPu$ и т.д. позволит выполнить все предшествующие аналогичные R-модули, работа которых была прервана обнаруженными вложенными в них итерационными циклами.

После завершения всех R-модулей результат Do из $FoUnMoDoPu$ должен быть передан в точку исходного целевого вызова процедуры $FoUnMoDoPu$, например в главный управляющий модуль программы вычисления передаточной функции схемы.

```
end (конец оператора
for nZaPu=1: numel(MaZaPu))
end (конец оператора if numel(MaZaPu)>0)
end (конец оператора if numel(MaProSx)==0)
end (конец процедуры PoiskNDoPu)
```

Программные испытания. Как известно, многие программы содержат скрытые дефекты, проявляющие себя только в определенных ситуациях. Поэтому проверим модуль $FoUnMoDoPu$ и трафарет $PoiskNDoPu$ для нескольких схем с постепенным их усложнением.

Сначала рассмотрим относительно простую Pu-схему по рисунку 1. Для нее в командном MATLAB-окне (Command Window) заказываем фактические параметры для специализированной функции $sums$ [1-3] – Лаплас-оператор s и требуемый ряд символических (тип sum) элементов схемы (их LCR-обозначения и номера 1,

2,... в схеме; источник Ist и приемник Pri не имеют символических параметров). Пример:

syms s R2 L3 C4 R5 L6;

Кроме этого, формируем компоненты-структуры исходной (внешней) активной Pu-схемы [2] [для структуры-источника сохраним имя Ist с указанием узлов; приемник как виртуальная схемная проводимость с номером 1 в массиве $MaProSx$ вместо Pri получит имя $MaProSx(1)$]:

Ist.Uz1=[1]; (меньший узел источника)

Ist.Uz2=[3]; (большой узел источника)

MaProSx(1).Nom=[1]; (номер в схеме для приемника)

MaProSx(1).Ves=[1]; (вес проводимости приемника)

MaProSx(1).Uz1=[2]; (меньший узел приемника)

MaProSx(1).Uz2=[4]; (большой узел приемника)

MaProSx(1).NeUz=[]; (условный неприсоединенный – пока пустой – узел приемника, к которому можно подключить другой элемент схемы)

Аналогично инициализируются поля для проводимостей $MaProSx(2)$ - $MaProSx(6)$ с учетом их узлов связи и операторных символических весов $1/R2$, $1/(s*L3)$, $s*C4$, $1/R5$, $1/(s*L6)$.

Для работы рассматриваемых модулей $FoUnMoDoPu$ и $PoiskNDoPu$ необходимо задать какие-либо пути Pu (так как указанные модули находят только дополнения этих путей) между узлами $NaUz$, $KoUz$ схемы. Для этого проще всего использовать уже известные программы $PoiskNaElPu$, $PoiskPrNzPu$ и $PoiskPuIstPri$ (поиск путей Pu от источника Ist к приемнику Pri) [2, 3], в совокупности определяющие пути $PoPu$ и $OtPu$, начинающиеся в положительном узле $Ist.Uz1$ источника и заканчивающиеся в его отрицательном узле $Ist.Uz2$, что соответствует очевидным операторам присваивания:

NaUz=Ist.Uz1;

KoUz=Ist.Uz2;

Первые элементы любых путей между узлами $NaUz$ и $KoUz$, как было сказано ранее, найдутся процедурой $PoiskNaElPu$ [2], которую можно вызвать из окна Command Window:

[MaNzPu, MaVeNzPu, MaMaUzNzPu, ...

MaZaPu, MaVeZaPu, MaMaUzZaPu]=...

PoiskNaElPu(MaProSx, NaUz, KoUz)

Результаты работы $PoiskNaElPu$ (её выходные аргументы) для схемы рисунка 1 в сокращенной форме имеют следующий вид:

$MaNzPu$ – 1x2 cell (массив двух ячеек cell – два незавершенных пути $NzPu$) – [1x1 struct], [1x1 struct] (ячейки-пути содержат данные типа struct – проводимости 2 и 5);

$MaZaPu$ – 0x0 cell (массив $MaZaPu$ пустой, завершенных путей $ZaPu$ нет).

Поскольку найденный массив $MaNzPu$ – не

пустой, из Command Window вызываем процедуру PoiskPrNzPu [3] поиска продолжений Pr незавершенных путей NzPu –
**[MaNzPu, MaVeNzPu, MaMaUzNzPu, ...
 MaZaPu, MaVeZaPu, MaMaUzZaPu]=...
 PoiskPrNzPu(MaNzPu, MaVeNzPu, ...
 MaMaUzNzPu, MaZaPu, MaVeZaPu, ...
 MaMaUzZaPu, MaProSx, KoUz)**

Наиболее значимые выходные аргументы модуля PoiskPrNzPu после его выполнения даны ниже:

MaNzPu – 0x0 cell (пустой массив – завершены все пути NzPu);

MaZaPu – 1x6 cell – [1x2 struct], [1x2 struct], [1x3 struct], [1x3 struct], [1x3 struct], [1x3 struct] (массив из шести ячеек cell с данными типа struct; каждая ячейка содержит элементы путей ZaPu: 2-6, 5-3, 2-1-2, 2-4-3, 5-1-6, 5-4-6).

Для извлечения из массива MaZaPu сигнальных путей PoPu и OtPu в окне Command Window задаем фактический аргумент Uz2Pri процедуры PoiskPuIstPri –

Uz2Pri=MaProSx(1).Uz2;
 и вызываем сам модуль PoiskPuIstPri –
**[MaPoPu, MaVePoPu, MaMaUzPoPu, ...
 MaOtPu, MaVeOtPu, MaMaUzOtPu]=...
 PoiskPuIstPri(MaZaPu, MaVeZaPu, ...
 MaMaUzZaPu, Uz2Pri)**

Ниже представлены некоторые результирующие выходные аргументы функции PoiskPuIstPri для рисунка 1:

MaPoPu – 1x1 cell (одна ячейка – один положительный путь PoPu – 2-1-3);

MaOtPu – 1x1 cell (один отрицательный путь 5-1-6).

Массивы MaPoPu, MaOtPu – не пустые, поэтому можно определять дополнения путей PoPu, OtPu (DoPoPu и DoOtPu). Например, для всех путей PoPu с номерами nPoPu –

for nPoPu=1:numel(MaPoPu)
 сначала инициализируем фактические входные аргументы функции FoUnMoDoPu:

– путь Pu –

Pu=MaPoPu{nPoPu};

– номер первого (внешнего) итерационного Do-этапа расчетов дополнения DoPoPu пути Pu=PoPu –

nIt=1;

– массив узлов пути Pu –

MaUzPu=MaMaUzPoPu{nPoPu};

Поскольку каждому из путей PoPu соответствует свое дополнение DoPoPu, для поиска нужного элемента массива MaDoPoPu (дополнения всех путей в MaPoPu) используем номер nPoPu –

MaDoPoPu(nPoPu)=FoUnMoDoPu...

(nIt, Pu, MaUzPu, MaProSx, NaUz);

end (конец оператора

for nPoPu=1:numel(MaPoPu)

Аналогично задаем команды для поиска дополнений DoOtPu путей OtPu:

for nOtPu=1:numel(MaOtPu)

Pu=MaOtPu{nOtPu};

nIt=1;

MaUzPu=MaMaUzOtPu{nOtPu};

MaDoOtPu(nOtPu)=FoUnMoDoPu...

(nIt, Pu, MaUzPu, MaProSx, NaUz);

end (конец оператора

for nOtPu=1:numel(MaOtPu))

В итоге для определенных выше (с помощью процедуры PoiskPuIstPri) единственных путей в MaPoPu (проводимости 2-1-3) и MaOtPu (проводимости 5-1-6) Pu-схемы рисунка 1 получаем их дополнения с равными значениями –
 MaDoPoPu(1)=MaDoOtPu(1)=1.

Последнее очевидно из визуального топологического анализа рисунка 1, так как при замыкании любого из путей 2-1-3 (MaPoPu) и 5-1-6 (MaOtPu) и упрощения получаемых IDo-схем остается одна и та же UDo-схема без проводимостей, когда дополнения Do [в данном случае DoPoPu=MaDoPoPu (1) и DoOtPu=MaDoOtPu (1)] равны 1.

Усложним рисунок 1 индуктивными компонентами 7, 8 и 9 – рисунок 2 [2].

Рисунок 2 – Усложненная схема рисунка 1

Для него в функцию sums необходимо ввести дополнительные фактические аргументы L7, L8 и L9, а в массив MaProSx – соответствующие структуры MaProSx(7)-MaProSx(9) [2]. После вызова и исполнения процедур PoiskNaIPu, PoiskPrNzPu, PoiskPuIstPri и FoUnMoDoPu для рисунка 2 имеем такие результаты:

MaPoPu – 1x1 cell (путь 2-1-3);

MaOtPu – 1x1 cell (путь 5-1-6);

MaDoPoPu(1)=MaDoOtPu(1)=1/(L7*s)+1/(L8*s).

Первые два выражения для MaPoPu и MaOtPu ожидаемы, поскольку введенные элементы 7-9 не передают сигналы от источника к приемнику, т.е. не создают дополнительных (по сравнению с рисунком 1) путей PoPu, OtPu. Последнее выражение тривиально следует из рисунка 2, так как при замыкании пути 2-1-3 (MaPoPu) или 5-1-6 (MaOtPu) и изъятия замкнутых проводимостей остаются однотипные двух-элементные UDo-схемы (т.е. производные IPu-

схемы). После объединения соединенных узлов в Р_и-схемах получаем две U_{Ри}-схемы в виде параллельных проводимостей 7 (с весом $1/(L7*s)$) и 8 (с весом $1/(L8*s)$). Из каждой такой U_{Ри}-схемы после замыкания соответствующих проводимостей 7 или 8 формируются пустые До-схемы с $Do=1$, сумма произведений которых на веса $1/(L7*s)$ и $1/(L8*s)$ дают полученный выше результат $MaDoPoPu(1) = MaDoOtPu(1) = 1/(L7*s) + 1/(L8*s)$.

Дополним рисунок 2 резистивными элементами 10 и 11 – рисунок 3.

Рисунок 3 – Рисунок 2 с дополнительными проводимостями 10 и 11

Для рисунка 3 к предыдущему выражению $sums$ рисунка 2 необходимо добавить переменные $R10$ и $R11$, а к $MaProSx$ – структуры $MaProSx(10)$ и $MaProSx(11)$.

Автоматизированный поиск путей $PoPu$, $OtPu$ и их дополнений для рисунка 3 по аналогии с вышеизложенным дает:

$MaPoPu$ – 1x3 cell (пути 2-1-3, 2-1-11-8, 7-10-1-3);

$MaOtPu$ – 1x3 cell (пути 5-1-6, 5-1-10-8, 7-11-1-6);

$MaDoPoPu(1) = MaDoOtPu(1) = 1/R10 + 1/R11 + 1/(L7*s) + 1/(L8*s)$;

$MaDoPoPu(2) = MaDoPoPu(3) = MaDoOtPu(2) = MaDoOtPu(3) = 1$.

Все последние выражения подтверждаются визуальным топологическим анализом [4] Р_и-схемы рисунка 3. В-частности, после замыкания на рисунке 3 любого из путей 2-1-3 ($MaPoPu(1)$) и 5-1-6 ($MaOtPu(1)$) остаются параллельно включенные проводимости 10, 11, 7, 8, а при замыкании путей 2-1-11-8 ($MaPoPu(2)$), 7-10-1-3 ($MaPoPu(3)$), 5-1-10-8 ($MaOtPu(2)$) и 7-11-1-6 ($MaOtPu(3)$) – пустые До-схемы (т.е. $MaDoPoPu(2) = MaDoPoPu(3) = MaDoOtPu(2) = MaDoOtPu(3) = 1$); замыкания в двух производных Р_и-схемах (для путей $MaPoPu(1)$ и $MaOtPu(1)$) любых проводимостей 7, 8, 10, 11 образуют пустые До-схемы с $Do=1$, произведения которых на веса $1/R10$, $1/R11$, $1/(L7*s)$ и $1/(L8*s)$ дают предпоследний результат $MaDoPoPu(1) = MaDoOtPu(1) = 1/R10 + 1/R11 + 1/(L7*s) + 1/(L8*s)$.

Выводы. Предложенные методика и программа автоматизированного поиска дополнительных завершенных топологических путей между любыми двумя узлами LCR-схем произвольной сложности основаны на их традиционном изображении и не требуют от пользователя каких-либо трудоемких ручных математических преобразований.

Научная новизна методики и программы поиска дополнений топологических путей состоит в следующем:

- разработан трафаретный алгоритм ($PoiskNaElPu$) для поиска дополнений, что позволило сократить количество требуемых программных модулей;

- предложен циклический оператор ($Do = Do + Slag2$) для вызова процедур поиска дополнений всех путей;

- создан способ уничтожения использованных программных модулей, позволяющий уменьшить объем требуемой памяти вычислительной техники.

Областью применения изложенного материала является исследование LRC-аналогов любой физической природы, в которых соотношения между сигналами эквивалентны таковым для традиционных LRC-структур [1].

Примером прикладного использования разработанных программных модулей $FoUnMoDoPu$ и $PoiskNDoPu$ является поиск LRC-передаточных функций блоков $Transfer Fcn$ для исследования Simulink-моделей [6].

Библиографический список

1. *Одинокое В.Ф.* Топологическое моделирование линейных цепей информационно-измерительных систем // Вестник Рязанского государственного радиотехнического университета. 2013. № 4-2 (46). С. 33-40.
2. *Одинокое В.Ф.* Автоматизированный поиск начальных элементов путей связи в LRC-схемах // Вестник Рязанского государственного радиотехнического университета. 2014. № 50-2. С. 51-57.
3. *Одинокое В.Ф.* Автоматизированный поиск путей связи между двумя узлами в LRC-схемах // Вестник Рязанского государственного радиотехнического университета. 2015. № 52. С. 130-138.
4. *Мэзон С. и Циммерман Г.* Электронные цепи, сигналы и системы / пер. с англ. А. А. Соколова и И. В. Соловьева; под ред. проф. П. А. Ионкина. – М.: Издательство иностранной литературы, 1963.
5. *Дьяконов В. П.* MATLAB.*R20006/R2007: самоучитель. – М.: ДМК Пресс, 2008.
6. *Дьяконов В. П.* Simulink 5/6/7: самоучитель. – М.: ДМК-Пресс, 2008.
7. *Евдокимов Ф.Е.* Теоретические основы электротехники: учеб. для студ. образоват. учреждений сред. проф. образования / Ф. Е. Евдокимов. – 9-е изд. стереотип. – М.: Издательский центр "Академия", 2004.